

Задача 8. Блогеры-путешественники

Ограничение по времени: 3 секунды
Ограничение по памяти: 1024 мегабайта

Ян и Татьяна решили стать блогерами-путешественниками и публиковать ролики о поездках по городам своей страны.

В стране есть n городов, пронумерованных от 1 до n . Город 1 — столица их страны. Города соединены m двусторонними дорогами, пронумерованными от 1 до m , каждая из которых соединяет два различных города. При этом одну и ту же пару городов могут соединять несколько различных дорог. Из любого города по дорогам можно доехать до любого другого города страны.

Путешественники планируют отправиться из столицы в какой-то другой город, но пока не выбрали в какой. Маршрут путешествия в город k будет состоять из городов s_1, s_2, \dots, s_q и дорог r_1, r_2, \dots, r_{q-1} , таких что:

- $s_1 = 1, s_q = k$;
- дорога r_i соединяет города s_i и s_{i+1} ;
- ребята не проезжают по одной и той же дороге дважды, поэтому все r_i различны. Допускается проезжать несколько раз через один и тот же город, в том числе через город 1, где путешествие начинается, и город k , в котором путешествие заканчивается.

Для каждой дороги Ян и Татьяна посчитали длительность ролика, который получится при съёмке путешествия по этой дороге, длительность ролика для дороги с номером i равна t_i .

В процессе путешествия каждый из ребят выберет одну из дорог маршрута и снимет ролик, посвящённый этой дороге. При этом Ян любит снимать короткие ролики, поэтому выберет на маршруте дорогу с наименьшим значением t_i , а Татьяна предпочитает длинные ролики, поэтому выберет дорогу с наибольшим значением t_i .

Суммарная длина двух роликов будет равна $\min_{1 \leq i \leq q-1} t_{r_i} + \max_{1 \leq i \leq q-1} t_{r_i}$.

Ребята планируют выложить ролики на известную платформу, где большей популярностью пользуются короткие ролики, поэтому они хотят минимизировать суммарную длину двух роликов. Чтобы выбрать конечный город и маршрут для путешествия, блогеры хотят для каждого конечного города k подсчитать минимальную по всем возможным маршрутам из города 1 в город k суммарную длину двух роликов.

Формат входных данных

В первой строке даны два целых числа n, m ($2 \leq n \leq 300\,000, 1 \leq m \leq 300\,000$) — количество городов и дорог.

Следующие m строк содержат описания дорог. В i -й из этих строк находятся три целых числа u_i, v_i, t_i ($1 \leq u_i, v_i \leq n, u_i \neq v_i, 0 \leq t_i \leq 10^9$) — номера городов, соединённых дорогой, и длительность ролика про эту дорогу.

Гарантируется, что по имеющимся дорогам можно проехать из любого города в любой другой, возможно, через другие города.

Формат выходных данных

Для каждого $2 \leq k \leq n$ выведите минимальную суммарную длину роликов Яна и Татьяны для путешествия, заканчивающегося в городе k .

Примеры

стандартный ввод	стандартный вывод
3 3 1 2 2 1 3 1 2 3 1	2 2
7 10 1 2 2 1 2 8 2 3 3 3 4 5 3 5 4 4 5 4 6 5 7 6 4 4 1 7 6 6 7 9	4 5 6 6 6 10
4 4 1 2 2 3 2 0 2 4 3 4 3 1	3 2 2

Замечание

В первом примере возможные оптимальные маршруты:

- $1 \xrightarrow{t=1} 3 \xrightarrow{t=1} 2$. Длина роликов в маршруте $1 + 1 = 2$.
- $1 \xrightarrow{t=1} 3$. Длина роликов в маршруте $1 + 1 = 2$.

Во втором примере возможные оптимальные маршруты:

- $1 \xrightarrow{t=2} 2$. Длина роликов в маршруте $2 + 2 = 4$.
- $1 \xrightarrow{t=2} 2 \xrightarrow{t=3} 3$. Длина роликов в маршруте $2 + 3 = 5$.
- $1 \xrightarrow{t=2} 2 \xrightarrow{t=3} 3 \xrightarrow{t=4} 5 \xrightarrow{t=4} 4$. Длина роликов в маршруте $2 + 4 = 6$.
- $1 \xrightarrow{t=2} 2 \xrightarrow{t=3} 3 \xrightarrow{t=4} 5$. Длина роликов в маршруте $2 + 4 = 6$.
- $1 \xrightarrow{t=2} 2 \xrightarrow{t=3} 3 \xrightarrow{t=4} 5 \xrightarrow{t=4} 4 \xrightarrow{t=4} 6$. Длина роликов в маршруте $2 + 4 = 6$.
- $1 \xrightarrow{t=2} 2 \xrightarrow{t=8} 1 \xrightarrow{t=6} 7$. Длина роликов в маршруте $2 + 8 = 10$.

В третьем примере возможные оптимальные маршруты:

- $1 \xrightarrow{t=2} 2 \xrightarrow{t=0} 3 \xrightarrow{t=1} 4 \xrightarrow{t=3} 2$. Длина роликов в маршруте $0 + 3 = 3$.
- $1 \xrightarrow{t=2} 2 \xrightarrow{t=0} 3$. Длина роликов в маршруте $0 + 2 = 2$.
- $1 \xrightarrow{t=2} 2 \xrightarrow{t=0} 3 \xrightarrow{t=1} 4$. Длина роликов в маршруте $0 + 2 = 2$.

Система оценивания

Подз.	Баллы	Ограничения			Необх. подзадачи	Информация о проверке
		n	m	дополнительно		
1	9	$n \leq 300\,000$	$m \leq 300\,000$	$m = n - 1$		первая ошибка
2	17	$n \leq 300\,000$	$m \leq 300\,000$	$t_i = 0$ для всех дорог i из города 1		первая ошибка
3	12	$n \leq 300\,000$	$m \leq 300\,000$	$t_i = 10^9$ для всех дорог i из города 1		первая ошибка
4	9	$n \leq 10$	$m \leq 10$	каждая пара городов соединена не более чем одной дорогой		первая ошибка
5	6	$n \leq 20$	$m \leq 20$	каждая пара городов соединена не более чем одной дорогой	4	первая ошибка
6	6	$n \leq 2000$	$m \leq 2000$	$ u_i - v_i = 1$ для всех дорог		первая ошибка
7	9	$n \leq 2000$	$m \leq 2000$		У, 4–6	первая ошибка
8	8	$n \leq 5000$	$m \leq 300\,000$		У, 4–7	только баллы
9	10	$n \leq 300\,000$	$m \leq 300\,000$	для всех a существует дорога между парой городов a и $a + 1$; для любой пары дорог i и j , для которых $ u_i - v_i = 1$ и $ u_j - v_j > 1$ выполнено $t_i \leq t_j$	6	только баллы
10	14	$n \leq 300\,000$	$m \leq 300\,000$		У, 1–9	только баллы